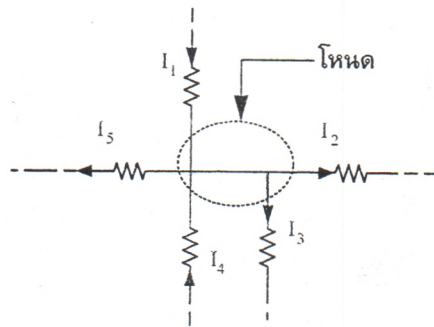


5

กฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ (Kirchhoff's Current Law ; KCL)

กฎของเคอร์ชอฟฟ์เป็นกฎที่พัฒนามาจากกฎของโอห์มเพื่อให้การวิเคราะห์วงจรง่ายขึ้น กฎของเคอร์ชอฟฟ์มี 2 กฎ คือ กฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ (KCL) และกฎแรงดันของเคอร์ชอฟฟ์ (KVL) กฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์จะเหมือนกับคุณสมบัติข้อที่ 3 ของวงจรขนาน ดังนั้นกฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์จะนำไปวิเคราะห์วงจรไฟฟ้าใดๆ เพื่อหาค่ากระแสไฟฟ้าส่วนกฎแรงดันของเคอร์ชอฟฟ์จะเหมือนกับคุณสมบัติข้อที่ 3 ของวงจรอนุกรม ดังนั้นกฎแรงดันของเคอร์ชอฟฟ์จะนำไปวิเคราะห์วงจรไฟฟ้าใดๆ เพื่อหาค่าแรงดันไฟฟ้า ในการนำกฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ไปวิเคราะห์วงจรไฟฟ้าจะต้องพิจารณาที่จุดต่อของวงจรไฟฟ้า ถ้าจุดต่อวงจรไฟฟ้ามีสาขาวงจรไฟฟ้าตั้งแต่ 2 สาขาขึ้นไป เราเรียกว่า โหนด (node)



รูปที่ 5.1

นิยาม

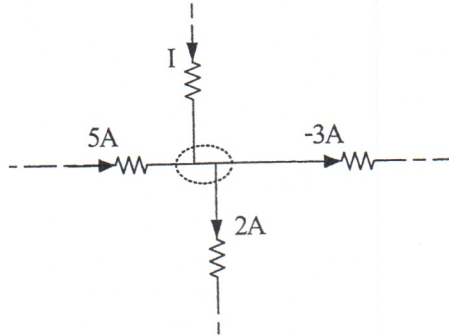
ในวงจรไฟฟ้าใดๆ ผลรวมของกระแสไฟฟ้าทางพีชคณิตที่โหนดใดๆ จะมีค่าเท่ากับศูนย์ หรือผลรวมของกระแสไฟฟ้าที่ไหลเข้าโหนดจะมีค่าเท่ากับผลรวมของกระแสไฟฟ้าที่ไหลออกจากโหนด พิจารณารูปที่ 5.1

จากรูปที่ 5.1 เรากำหนดให้ I_1 และ I_4 ไหลเข้าโหนด และกำหนดให้ I_2, I_3, I_5 ไหลออกจากโหนด การเขียนสมการกฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ที่โหนดใดๆ จะให้กระแสไฟฟ้าที่ไหลเข้าโหนดมีค่าเป็นบวก (+) และกระแสไฟฟ้าที่ไหลออกจากโหนดมีค่าลบ (-) ดังนั้นจากรูปที่ 5.1 เราสามารถเขียนสมการ KCL ได้ดังนี้

$$I_1 - I_2 - I_3 + I_4 - I_5 = 0 \quad (5.1)$$

หรือ $I_1 + I_4$ (ผลรวมของกระแสไฟฟ้าที่ไหลเข้าโหนด) = $I_2 + I_3 + I_5$ (ผลรวมของกระแสไฟฟ้าที่ไหลออกมาจากโหนด)

ตัวอย่างที่ 5.1 จงคำนวณหา I โดยใช้กฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ในรูปที่ 5.2



รูปที่ 5.2

วิธีทำ จากนิยามของกฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ที่โหนดในวงจรไฟฟ้าเขียนสมการ KCL ได้ดังนี้

$$I_1 - I_2 - I_3 + I_4 - I_5 = 0$$

$$5 + I - (-3) - 2 = 0$$

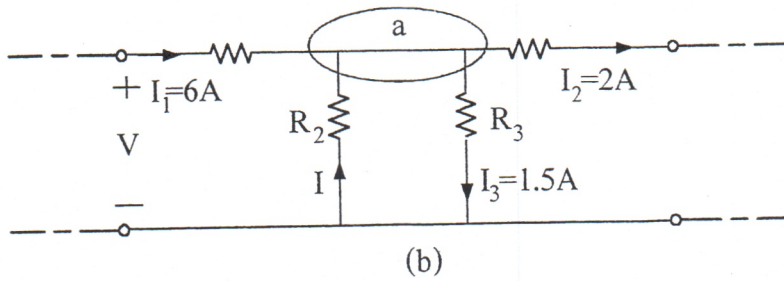
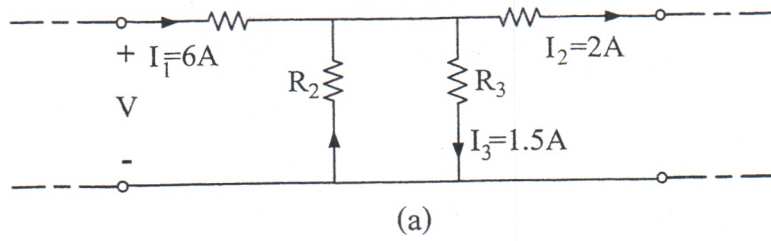
$$I = -3 + 2 - 5$$

$$\therefore I = -6 \text{ A} \quad \text{ตอบ}$$

ค่ากระแสไฟฟ้ามีค่าติดลบแสดงว่ากระแสไฟฟ้าจริงจะไหลออกจากโหนด

จากตัวอย่างที่ 5.1 จะเห็นว่าที่โหนดของวงจรไฟฟ้าไม่ได้กำหนดชื่อของโหนดเนื่องจากเราพิจารณาเพียงแค่จุดเดียว แต่ถ้าพิจารณาวงจรที่ซับซ้อนขึ้นจำเป็นจะต้องกำหนดชื่อของโหนดต่าง ๆ เพื่อให้การวิเคราะห์ได้สะดวกขึ้น ในการกำหนดชื่อของโหนดเราอาจใช้ตัวเลขอาระบิกหรือพยัญชนะภาษาอังกฤษก็ได้ ดังตัวอย่างต่อไปนี้

จากตัวอย่างที่ 5.1 จะเห็นว่าโจทย์กำหนดตัวแปรและทิศทางกระแสไฟฟ้าที่ต้องการหาค่ามาให้ ถ้าโจทย์ไม่ได้กำหนดให้จะต้องกำหนดขึ้นเองเพื่อใช้เป็นเกณฑ์ในการวิเคราะห์วงจร ในการกำหนดทิศทางกระแสไฟฟ้าเราจะกำหนดให้มีทิศทางไหลเข้าโหนดหรือไหลออกจากโหนดก็ได้ ถ้าได้คำตอบมีค่าติดลบแสดงว่าทิศทางกระแสไฟฟ้าจริงจะไหลตรงข้ามกับทิศทางของกระแสไฟฟ้าที่เรากำหนดขึ้น แต่ถ้าได้คำตอบมีค่าเป็นบวกแสดงว่าทิศทางกระแสไฟฟ้าจริงจะมีทิศทางเดียวกันกับทิศทางของกระแสไฟฟ้าที่เรากำหนดขึ้น ดังตัวอย่างต่อไปนี้



รูปที่ 5.3

วิธีทำ กำหนดโหนด และทิศทางกระแสไฟฟ้าดังรูปที่ 5.3 (b)

จากรูปที่ 5.3 (b) ใช้ KCL ที่โหนด a; ดังนี้

$$I_1 + I - I_2 - I_3 = 0$$

แทนค่า

$$I = -6 + 2 + 1.5$$

$$\therefore I = -2.5 \text{ A}$$

ตอบ

ตัวอย่างที่ 5.3

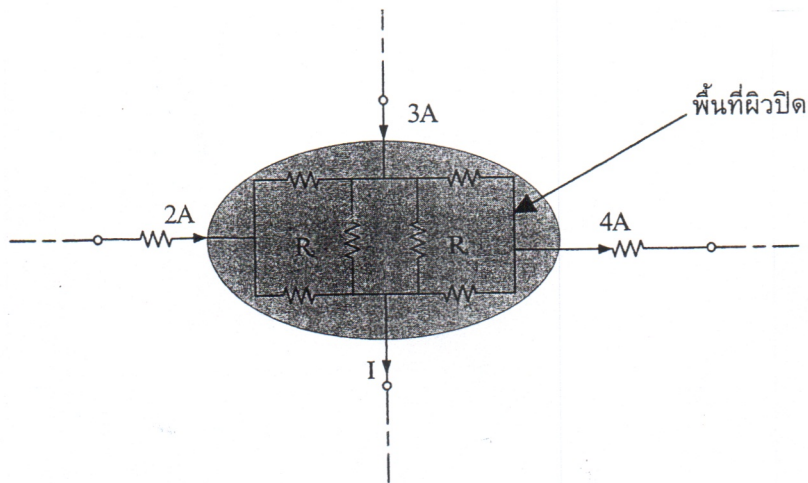
จงใช้กฎของ KCL หาค่า I ในรูปที่ 5.4

วิธีทำ จากรูปที่ 5.4 พิจารณาด้านที่ผิวปิด ดังนี้

$$2 + 3 - I - 4 = 0$$

$$\therefore I = +1 \text{ A}$$

ตอบ



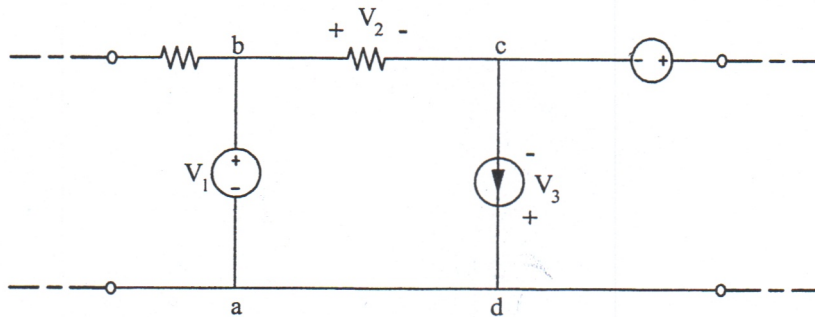
รูปที่ 5.4

นิยาม

ในวงจรไฟฟ้าใดๆ ผลรวมของแรงดันทางพีชคณิตในวงจรปิดหรือลูปใดๆ จะมีค่าเท่ากับศูนย์ หรือผลรวมของแรงดันตกคร่อมอีลีเมนต์ (Element) แต่ละตัวจะมีค่าเท่ากับแหล่งจ่ายพิจารณาวงจร รูปที่ 5.5

จากรูปที่ 5.5 พิจารณาวงจรปิดหรือลูป (Loop) คือ abcda สามารถเขียนสมการ KVL ในลูปดังนี้

$$-V_1 + V_2 - V_3 = 0 \quad (5.2)$$



รูปที่ 5.5

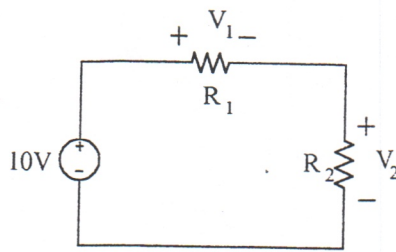
จากสมการที่ 5.2 เขียนสมการ KVL ตามลูปที่มีทิศทางตามเข็มนาฬิกา ถ้าพิจารณาวงจร ปิด adca เขียนสมการ KVL ได้ดังนี้

$$V_3 - V_2 + V_1 = 0 \quad (5.3)$$

จากสมการที่ 5.3 เป็นการเขียนสมการตามลูปที่มีทิศทางทวนเข็มนาฬิกาไม่ว่าจะพิจารณาลูปที่มีทิศทางตามเข็มนาฬิกาหรือทวนเข็มนาฬิกาจะได้คำตอบของสมการเหมือนกัน ถ้าในวงจรไม่ได้กำหนดลูปมาให้จะต้องกำหนดลูปเอาเองโดยใช้ตัวเลขหรือพยัญชนะภาษาอังกฤษ โดยขั้นตอนการนำ KVL ไปวิเคราะห์ห้วงจรไฟฟ้าดังนี้

1. กำหนดลูป
2. เขียนสมการ KVL ตามทิศทางลูป
3. แก้สมการ KVL

การวิเคราะห์ห้วงจรโดยใช้ KVL ดังตัวอย่างต่อไปนี้



รูปที่ 5.6

วิธีทำ พิจารณาลูปทิศทางตามเข็มนาฬิกาเขียนสมการ KVL โดยพิจารณาจุดเริ่มต้นที่ศักย์สูง (Rise) เขียนสมการได้ดังนี้

$$10 - V_1 - V_2 = 0$$

แต่ถ้าพิจารณาจุดเริ่มต้นที่ศักย์ต่ำ (Drop) เขียนสมการได้ดังนี้

$$-10 + V_1 + V_2 = 0$$

ถ้าพิจารณาลูปทิศทางทวนเข็มนาฬิกา เขียนสมการ KVL โดยพิจารณาจุดเริ่มต้นที่ศักย์สูง เขียนสมการได้ดังนี้

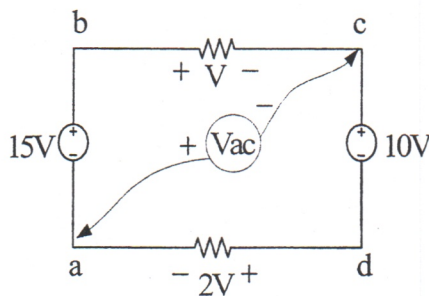
$$V_2 + V_1 - 10 = 0$$

หรือพิจารณาจุดเริ่มต้นที่ศักย์ต่ำ เขียนสมการ KVL ได้ดังนี้

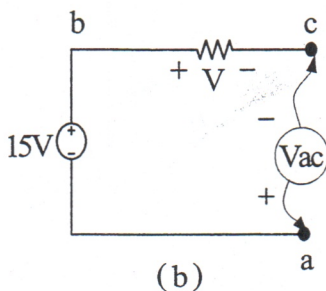
$$-V_2 - V_1 + 10 = 0$$

ตอบ

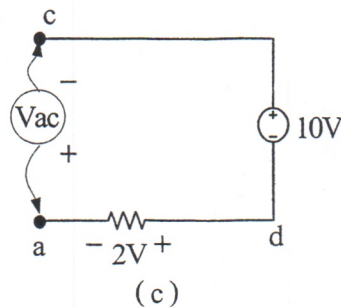
ตัวอย่างที่ 5.5 จงใช้กฎแรงดันของเคอร์ชอฟฟ์คำนวณหา V และ Vac ในรูปที่ 5.7 (a)



(a)



(b)



(c)

รูปที่ 5.7

วิธีทำ พิจารณาloopตามเข็มนาฬิกา abcda เขียนสมการ KVL ได้ดังนี้

$$-15 + V + 10 + 2 = 0$$

หรือพิจารณาloopทวนเข็มนาฬิกา adcba เขียนสมการ KVL ได้ดังนี้

$$-2 - 10 - V + 15 = 0$$

หรือพิจารณาloopตามเข็มนาฬิกา bcdab เขียนสมการได้ดังนี้

$$V + 10 + 2 - 15 = 0$$

ทั้ง 3 สมการแทนค่าลงไปจะได้คำตอบเหมือนกัน คือ

$$V = 15 - 2 - 10 = 3 \text{ V}$$

หา V_{ac} พิจารณาloopทางด้านซ้ายมือได้ดังรูปที่ 5.7 (b) หรือพิจารณาloopทางด้านขวามือดังรูปที่ 5.7 (c)

จากรูปที่ 5.7 (c) เขียนสมการ KVL ดังนี้

$$10 \text{ V} + 2 \text{ V} + V_{ac} = 0$$

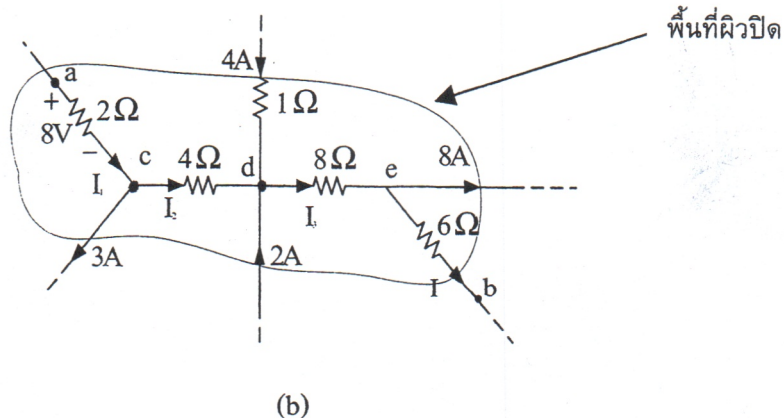
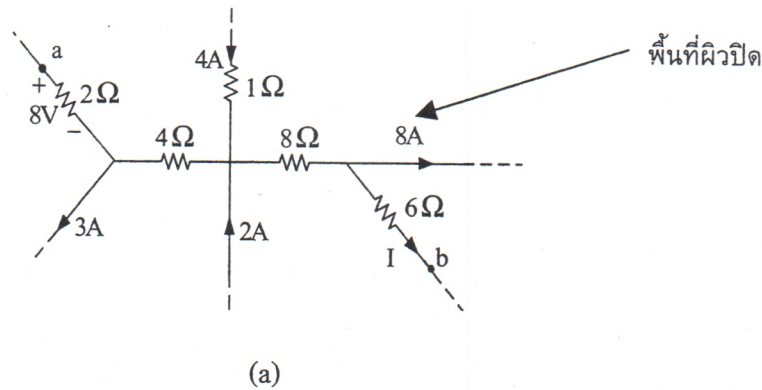
$$V_{ac} = -10 \text{ V} - 2 \text{ V}$$

$$V_{ac} = -12 \text{ V}$$

ตอบ

แสดงว่าความต่างศักย์ที่จุด a มีความต่างศักย์ต่ำกว่าที่จุด c ดังนั้น $V_{ca} = 12 \text{ V}$

ตัวอย่างที่ 5.6 จงหา I และ V_{ab} ในรูปที่ 5.8 (a)



รูปที่ 5.8

วิธีทำ กำหนดโหนดต่างๆ และกระแสไฟฟ้าในสาขาต่างๆ ดังรูปที่ 5.8 (b)
จากรูปที่ 5.8 (b) ใช้กฎของ KCL บริเวณพื้นที่ผิวปิดดังนี้

$$I_1 + 4 - 8 - I + 2 - 3 = 0$$

จากกฎของโอห์ม $I_1 = \frac{8V}{2\Omega} = 4A$

$$\text{ดังนั้น } 4 + 4 - 8 - I + 2 - 3 = 0$$

$$\therefore I = -1A$$

ที่โหนด c ใช้กฎของ KCL ดังนี้

$$I_1 - 3 - I_2 = 0$$

$$\therefore I_2 = 1A$$

ที่โหนด d ใช้กฎของ KCL ดังนี้

$$4 + 2 - I_3 + I_2 = 0$$

$$\therefore I_3 = 7A$$

หา V_{ab} ใช้กฎของ KVL ดังนี้

$$V_{ab} - 8 - V_{4\Omega} - V_{8\Omega} - V_{6\Omega} = 0$$

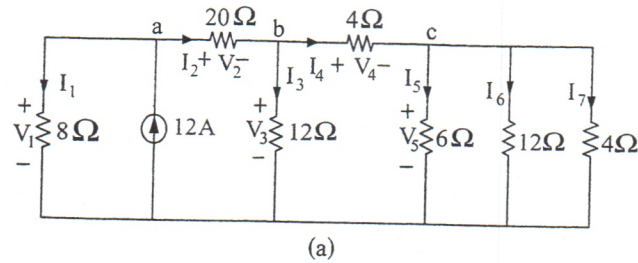
$$\therefore V_{ab} = 8 + (4\Omega \times 1A) + (8\Omega + 7A) + (-1A \times 6\Omega)$$

$$= 8 + 4 + 56 - 6$$

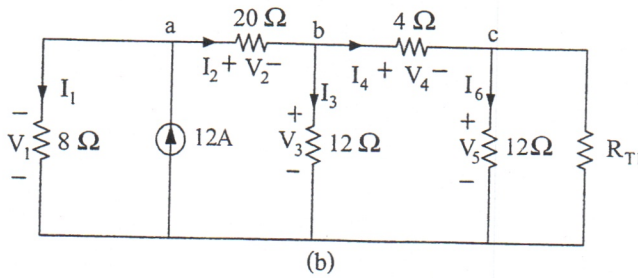
$$= 62V$$

ตอบ

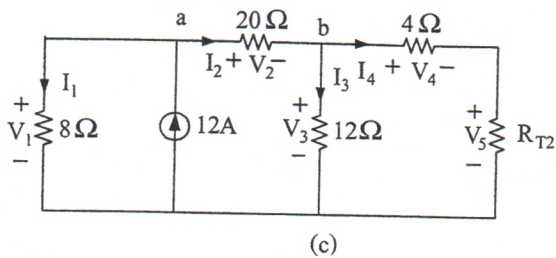
ในการวิเคราะห์วงจรไฟฟ้าในกรณีวงจรขนาน เราสามารถใช้คุณสมบัติวงจรขนาน การแบ่งกระแสและกฎกระแสของเคอร์ชอฟฟ์ในการวิเคราะห์วงจร แต่ในวงจรอนุกรมเราสามารถ ใช้คุณสมบัติวงจรอนุกรมการแบ่งแรงดันและกฎแรงดันของเคอร์ชอฟฟ์วิเคราะห์วงจรได้ ส่วนในกรณีวงจรผสมจะต้องพิจารณาจากวงจร ส่วนใดที่ต่อแบบอนุกรมหรือต่อแบบขนานแล้วใช้ทฤษฎี ที่กล่าวมาแล้วหาค่าทางไฟฟ้าออกมา ดังตัวอย่างต่อไปนี้



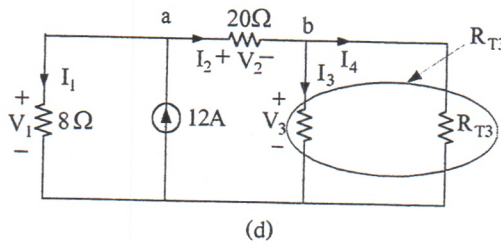
(a)



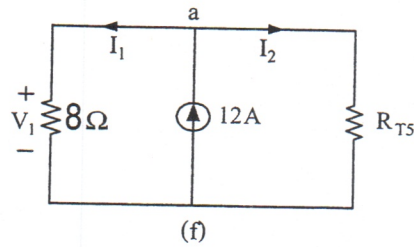
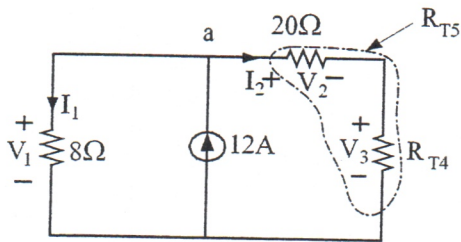
(b)



(c)



(d)



(f)

รูปที่ 5.9

วิธีทำ จากรูปที่ 5.9 (f) ใช้การแบ่งกระแส ดังนี้

$$I_1 = \frac{I \times R_{T5}}{8 + R_{T5}} = \frac{12A \times 24\Omega}{8\Omega + 24\Omega}$$

$$= 9A$$

$$V_1 = I_1 \times 8 = 9A \times 8\Omega$$

$$= 72V$$

และ $I_2 = \frac{I \times 8}{8 + R_{T5}} = \frac{12A \times 8\Omega}{8\Omega + 24\Omega}$

$$= 3A$$

หรือ $I_2 = 12 - I_1 = 12A - 9A$

$$= 3A$$

จากรูปที่ 5.9 (e) ใช้กฎของโอห์ม

$$\begin{aligned} V_2 &= I_2 \times 20\Omega = 3\text{ A} \times 20\Omega \\ &= 60\text{ V} \\ V_3 &= I_2 \times R_{T4} = 3\text{ A} \times 4\Omega \\ &= 12\text{ V} \end{aligned}$$

หรือหา V_3 โดยใช้การแบ่งแรงดัน ดังนี้

$$\begin{aligned} V_3 &= \frac{V_1 \times R_{T4}}{20\Omega + R_{T4}} = \frac{72\text{ V} \times 4\Omega}{20\Omega + 4\Omega} \\ &= 12\text{ V} \end{aligned}$$

จากรูปที่ 5.9 (d) ใช้กฎของโอห์ม

$$\begin{aligned} I_3 &= \frac{V_3}{12} = \frac{12\text{ V}}{12\Omega} \\ &= 1\text{ A} \end{aligned}$$

จากกฎของ KCL ที่โหนด b;

$$\begin{aligned} I_2 - I_3 - I_4 &= 0 \\ \therefore I_4 &= I_2 - I_3 = 3\text{ A} - 1\text{ A} \\ &= 2\text{ A} \end{aligned}$$

จากรูปที่ 5.9 (c) ใช้กฎของโอห์ม

$$\begin{aligned} V_4 &= I_4 \times 4 = 2\text{ A} \times 4\Omega \\ &= 8\text{ V} \\ V_5 &= I_4 \times R_{T2} = 2\text{ A} \times 2\Omega \\ &= 4\text{ V} \end{aligned}$$

หรือการใช้แบ่งแรงดัน

$$V_5 = \frac{V_3 \times R_{T2}}{4 + R_{T2}} = \frac{12\text{ V} \times 2\Omega}{4\Omega + 2\Omega} = 4\text{ V}$$

หาค่า $I_5 - I_7$ โดยใช้กฎของโอห์ม ดังนี้

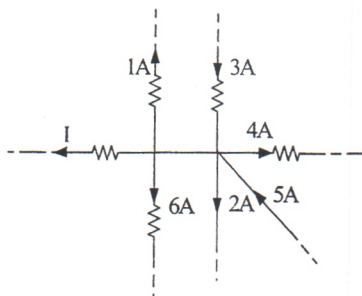
$$\begin{aligned} I_5 &= \frac{V_5}{6\Omega} = \frac{4\text{ V}}{6\Omega} \\ &= 0.666\text{ A} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_6 &= \frac{V_5}{12\Omega} = \frac{4\text{ V}}{12\Omega} \\ &= 0.333\text{ A} \end{aligned}$$

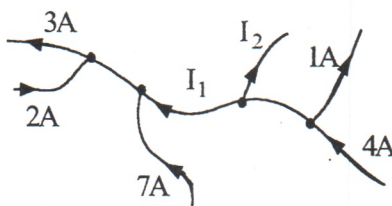
$$\begin{aligned} I_7 &= \frac{V_5}{4\Omega} = \frac{4\text{ V}}{4\Omega} \\ &= 1\text{ A} \end{aligned}$$

ตอบ

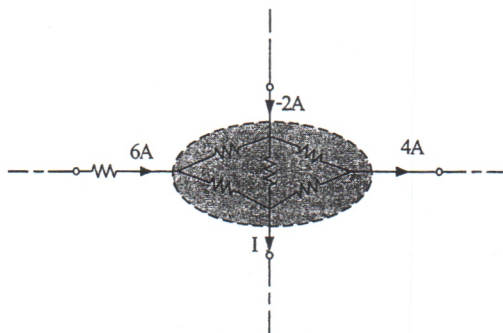
1. จากรูปด้านล่าง จงหา I



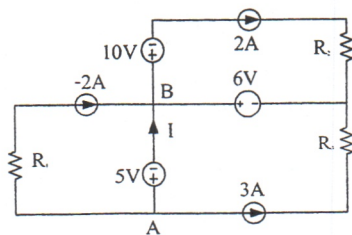
2. จากรูปด้านล่าง จงหา I_1 และ I_2



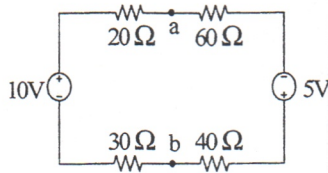
3. จากรูปด้านล่าง จงหา I



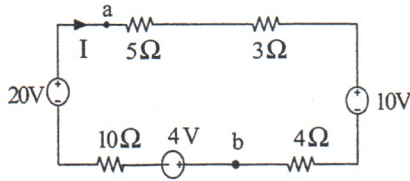
4. วงจรในรูปด้านล่าง จงหาค่าพลังงานที่แหล่งจ่าย 5 V



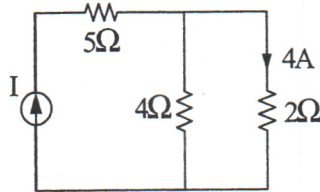
5. วงจรในรูปด้านล่าง จงหา V_{ab} และกำลังไฟฟ้าที่แหล่งจ่าย 5 V



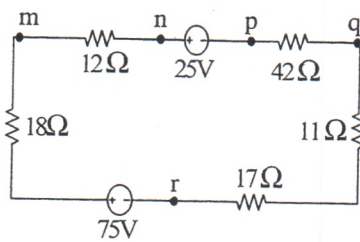
6. วงจรในรูปด้านล่าง จงหา I และ V_{ab}



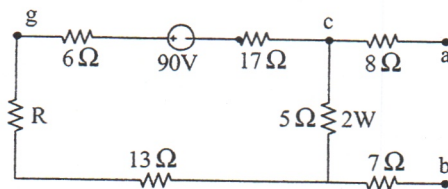
7. วงจรในรูปด้านล่าง จงหากำลังไฟฟ้าแหล่งจ่าย

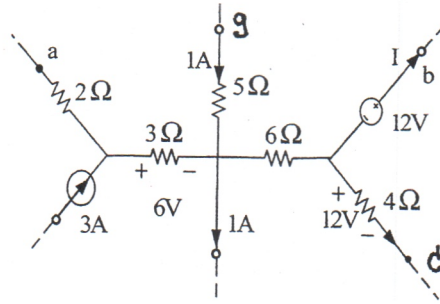


8. วงจรในรูปด้านล่าง จงหา I และ V

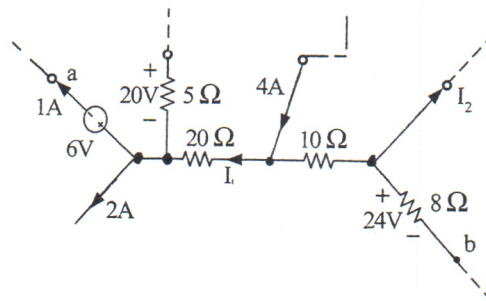


9. จงคำนวณหา I และ V_{ab} จากรูปด้านล่าง

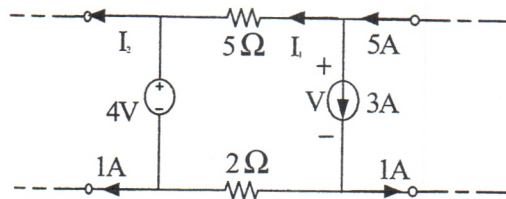




11. จงคำนวณหา I_1 , I_2 และ V_{ab} จากรูปด้านล่าง



12. จงคำนวณหา I_1 , I_2 และ V จากรูปด้านล่าง



13. จงคำนวณหา V จากรูปด้านล่าง

